

## UČNI NAČRT PREDMETA/COURSE SYLLABUS

<b>Predmet:</b>	Mehanika lahkih struktur
<b>Course title:</b>	Mechanics of light-weight structures
<b>Članica nosilka/UL Member:</b>	UL FS

Študijski programi in stopnja	Študijska smer	Letnik	Semestri
Strojništvo - Razvojno raziskovalni program, druga stopnja, magistrski	Mehanika (smer)	2. letnik	1. semester

**Univerzitetna koda predmeta/University course code:** 0566904

**Koda učne enote na članici/UL Member course code:** 6040-M

Predavanja	Seminar	Vaje	Klinične vaje	Druge oblike študija	Samostojno delo	ECTS
30		30			65	5

**Nosilec predmeta/Lecturer:** Miha Brojan

**Vrsta predmeta/Course type:** Obvezni strokovni predmet na smeri Mehanika, ki je izbirni strokovni predmet na ostalih smereh./Compulsory specialised course in the study of Mechanics, which is an elective specialised course in other fields of study.

**Jeziki/Languages:**

Predavanja/Lectures:	Slovenščina
Vaje/Tutorial:	Slovenščina

**Pogoji za vključitev v delo oz. za opravljanje študijskih obveznosti:** **Prerequisites:**

Izpolnjevanje pogojev za vpis v Magistrski študijski program II. stopnje Strojništvo - Razvojno raziskovalni program.

Meeting the enrollment conditions for the Master's study programme of Mechanical Engineering - Research and Development program.

**Vsebina:** **Content (Syllabus outline):**

- Vsebina 1. Predavanja
  - Seznanitev s študijskimi pravili in obveznostmi
  - Predstavitev študijske literature
  - Pregled celotne vsebine predavanj
  - Osnovne geometrijske lastnosti lahkih struktur
- Vsebina 2. Predavanja

- Topics of Lecture 1
  - Definition of rules and obligations for following and completing the course
  - Presentation of relevant study literature
  - Complete overview of course topics
  - Basic geometric properties of lightweight

- Učinkovita izraba materiala, ugodna porazdelitev napetosti v lahkih konstrukcijah (primerjave zgradb iz biologije)
- Pregled vitkih (tankostenskih) konstrukcijskih elementov: nosilec, plošča, lupina
- Kompozitna struktura
- 3. Vsebina 3. Predavanja
  - Problematika uporabe vitkih elementov (nezveznosti, nelinearnosti, imperfekcije, medsebojni vpliv povezanih elementov, stabilnost)
- 4. Vsebina 4. Predavanja
  - Osnovni pojmi stabilnosti konstrukcij, določitev stabilnostih razmer v vitkih strukturah
- 5. Vsebina 5. Predavanja
  - Limitna obtežba (preskok sistema), bifurkacija (primer: tog drog)
  - (Fizikalno pravilno) ravnovesje na deformiranem nosilcu
- 6. Vsebina 6. Predavanja
  - Eulerjev uklon
  - Uklon imperfektnih nosilcev (geometrijske in obremenitvene imperfekcije)
- 7. Vsebina 7. Predavanja
  - Uklon pod vplivom lastne teže
  - Elastično vpetje
- 8. Vsebina 8. Predavanja
  - Nosilec na elastični podlagi, gubanje
- 9. Vsebina 9. Predavanja
  - Uklon realnega elasto-plastičnega nosilca
  - Zvrnitev konzole (uklon stojine pri upogibu I-profila)
- 10. Vsebina 10. Predavanja
  - Izboljšanje nosilnosti s pomočjo optimizacije
  - Definicija optimizacijskega problema (ciljna funkcija, enakostne in neenakostne vezi, Karush-Kuhn-Tuckerjev izrek)
- 11. Vsebina 11. Predavanja
  - Enostavni primeri optimizacije
  - Optimizacija nosilnosti kompozitnega nosilca na primeru letalskega krila
- 12. Vsebina 12. Predavanja
  - (Fizikalno pravilno) ravnovesje na deformirani plošči
  - Föppl-von-Karmanova teorija plošč 1. del
- 13. Vsebina 13. Predavanja
  - Föppl-von-Karmanova teorija plošč 2. del
  - Upogib elastične plošče
- 14. Vsebina 14. Predavanja
  - Upogib kompozitne plošče
- 15. Vsebina 15. Predavanja
  - Gubanje kompozitnih plošč

- structures
- 2. Topics of Lecture 2
  - Efficient material use, favourable stress distribution in lightweight structures (comparison with biological structures)
  - Review of slender (thin-walled) structural elements: beam, plate, shells
  - Composite structure
- 3. Topics of Lecture 3
  - Problems of slender element application (discontinuities, nonlinearities, imperfections, interactions of connected elements, stability)
- 4. Topics of Lecture 4
  - Basic concepts of stability of structures, determination of stability conditions in slender structures
- 5. Topics of Lecture 5
  - Limit point load (snap-through), bifurcation (example: rigid bar)
  - (Physically correct) equilibrium on the deformed beam
- 6. Topics of Lecture 6
  - Euler buckling
  - Buckling of imperfect beams (geometric and loading imperfections)
- 7. Topics of Lecture 7
  - Buckling of a bar under self-weight
  - Elastic support
- 8. Topics of Lecture 8
  - Beam on an elastic foundation, wrinkling
- 9. Topics of Lecture 9
  - Buckling of real-life elastic-plastic beam
  - Torsional buckling (buckling of a web in an I-beam)
- 10. Topics of Lecture 10
  - Improving load-carrying capacity by optimization
  - Definition of an optimization problem (objective function, equality and inequality conditions, Karush-Kuhn-Tucker theorem)
- 11. Topics of Lecture 11
  - Simple cases in optimization
  - Optimization of load-carrying capacity of a composite beam (aircraft wing)
- 12. Topics of Lecture 12
  - (Physically correct) equilibrium on a deformed plate
  - Föppl-von-Karman plate theory, part 1
- 13. Topics of Lecture 13
  - Föppl-von-Karman plate theory, part 2
  - Bending of an elastic plate
- 14. Topics of Lecture 14
  - Bending of a composite plate
- 15. Topics of Lecture 15

**Temeljna literatura in viri/Readings:**

1. S.P. Timoshenko, J.M. Gere: Theory of Elastic Stability, Dover Publications, 2009.
2. G. Simitzes & D.H. Hodges: Fundamentals of Structural Stability, Butterworth-Heinemann, 2006.
3. J.M.T. Thompson & G. W. Hunt: General Theory of Elastic Stability, Wiley, 1973.
4. J. Singer, J. Arbocz, T. Weller: Basic Concepts, Columns, Beams and Plates (Volume 1 & 2), Wiley, 1998.
5. D. Bigoni: Nonlinear Solid Mechanics – Bifurcation Theory and Material, Cambridge University Press, 2014.
6. Z.P. Bazant, L. Cedolin: Stability of Structures: Elastic, Inelastic, Fracture, and Damage Theories, WSPC, 2010.
7. J.S. Arora: Introduction to Optimum Design 4th Edition, 2016
8. R.M. Jones: Mechanics of Composite Materials, CRC Press, 1998.
9. E.G. Wolff: Introduction to the Dimensional Stability of Composite Materials, Destech Publications, 2004.
10. S. Akbarov: Stability Loss and Buckling Delamination: Three-Dimensional Linearized Approach for Elastic and Viscoelastic Composites, Springer, 2013.
11. G.Z. Voyiadjis: Mechanics of Composite Materials with MATLAB, Springer, 2005.

**Cilji in kompetence:**

**Objectives and competences:**

<p><b>Cilji:</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Naučiti se osnov neelinearne mehanike konstrukcijskih elementov</li> <li>2. Naučiti se koristno uporabiti (ne)stabilnostne pojave za napredne funkcionalnosti</li> <li>3. Naučiti se snovanja lahkih konstrukcij za učinkovito izrabo materiala</li> </ol> <p><b>Kompetence:</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. S7-MAG + P3-MAG: Sposobnost uporabe nelinearne mehanike za preračun konstrukcijskih elementov</li> <li>2. S2-MAG + P2-MAG: Sposobnost snovanja sistemov z naprednimi funkcionalnostmi</li> <li>3. S1-MAG + P4-MAG: Sposobnost snovanja lahkih konstrukcij z učinkovito izrabo materiala</li> </ol>	<p><b>Goals:</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Learn the basics of nonlinear mechanics of structural elements</li> <li>2. Learn to take advantage of instabilities for advanced functionality</li> <li>3. Learn to design light-weight structures for efficient material use</li> </ol> <p><b>Competences:</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. S7-MAG + P3-MAG: Ability to understand the basics of nonlinear mechanics of structural elements</li> <li>2. S2-MAG + P2-MAG: Ability to take advantage of instabilities for advanced functionality</li> <li>3. S1-MAG + P4-MAG: Ability to design light-weight structures for efficient material use</li> </ol>
--	--

**Predvideni študijski rezultati:**

**Intended learning outcomes:**

<p><b>Znanja:</b></p> <p>Z1: Poglobljeno strokovno teoretično in praktično znanje na določenem področju, podprto s širšo teoretično in metodološko osnovo.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Poglobljeno znanje o nelinearnem odzivu konstrukcijskih elementov</li> </ul>	<p><b>Knowledge:</b></p> <p>Z1: Thorough professional theoretical and practical knowledge in a selected field of expertise that is supported with a broad theoretical and methodological basis.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• In-depth knowledge of nonlinear response of</li> </ul>
--	---

<ul style="list-style-type: none"> <li>• Poglobljeno poznavanje mehanike kompozitnih struktur</li> <li>• Poglobljeno znanje o metodah reševanja nelinearnih problemov za gradnjo lahkih struktur</li> </ul> <p>Spretnosti:</p> <p>S1.1 Izvajanje kompleksnih operativno-strokovnih opravil, ki vključujejo tudi uporabo metodoloških orodij.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Določitev nelinearnega mehanskega odziva vitkih elementov</li> <li>• Določitev kritičnih notranjih obremenitev v vitkih konstrukcijskih elementih</li> <li>• Dimenzioniranje lahkih kompozitnih elementov</li> </ul>	<p>structural elements</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• In-depth understanding of mechanics of composite structures</li> <li>• In-depth understanding of solution methods of nonlinear problems for the design of light-weight structures</li> </ul> <p>Skills:</p> <p>S1.1 Executing complex operationa-professional tasks that incorporate usage of methodological tools.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Determination of nonlinear response of slender elements</li> <li>• Determination of critical inner loads in slender structural elements</li> <li>• Design of light-weight composite elements</li> </ul>
--	--

### Metode poučevanja in učenja:

### Learning and teaching methods:

<p><i>Klasične oblike poučevanja:</i></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. P1 Avditorna predavanja z reševanjem izbranih - za področje značilnih - teoretičnih in praktično uporabnih primerov.</li> <li>2. P2 Obravnava snovi po urejeni in vnaprej razloženi sistematiki.</li> <li>3. P3 Avditorne vaje, kjer se teoretično znanje s predavanj podkrepi z računskimi primeri.</li> <li>4. P4 Laboratorijske vaje z namenskimi didaktičnimi pripomočki <ul style="list-style-type: none"> <li>• Eksperimentalna naprava za spremljanje upogibnih deformacij</li> <li>• Trgalni stroj</li> <li>• Simulacija preskoka sistema z vzmetmi</li> <li>• Eksperiment v vakuumski komori</li> <li>• Eksperimentalna priprava za prikaz tlačno-volumske karakteristike tankih zaprtih lupin</li> </ul> </li> <li>5. P5 Uporaba študijskega gradiva v obliki <ul style="list-style-type: none"> <li>• E-domače naloge</li> <li>• E-zapiski</li> <li>• Tiskana verzija</li> </ul> </li> </ol> <p><i>Moderne in prožne oblike poučevanja:</i></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. P6 Interaktivna predavanja</li> <li>2. P7 Študij literature in razprava</li> <li>3. P9 Skupinsko delo (razprave za – proti, razprave o prebranem)</li> </ol> <p><i>Nekaj primerov uporabe IKT:</i></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. P12 Individualizirane domače naloge</li> <li>2. P14 Virtualni eksperimenti (FEM simulacije)</li> <li>3. P15 Uporaba video vsebin kot priprava na predavanja in vaje</li> </ol>	<p><i>Conventional teaching methods:</i></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. P1 Auditorial lectures with solving selected field-specific theoretical and applied use cases.</li> <li>2. P2 Presenting the content according to the explained system.</li> <li>3. P3 Auditorial exercises, in which theoretical content from the lectures is supplemented with practical examples.</li> <li>4. P4 Laboratory exercises with special-purpose didactic devices <ul style="list-style-type: none"> <li>• Experimental apparatus for the analysis of beam bending</li> <li>• Tensile testing machine</li> <li>• Vacuum chamber experiments</li> <li>• Experimental apparatus for the analysis of pressure-volume relation in pressure vessels</li> </ul> </li> <li>5. P5 Application of study material <ul style="list-style-type: none"> <li>• E-homework</li> <li>• E-manuscripts</li> <li>• Printed versions</li> </ul> </li> </ol> <p><i>Contemporary and flexible teaching methods:</i></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. P6 Interactive lectures</li> <li>2. P7 Literature study and discussion</li> <li>3. P9 Team work (discussion pro and contra, discussion of the studied content)</li> </ol> <p><i>Some cases of ICT usage:</i></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. P12 Individualised homeworkes in a web classroom</li> <li>2. P14 Virtual experiments (FEM simulations)</li> <li>3. P15 Application of videos for preparations to the lectures and exercises</li> </ol>
--	---

Načini ocenjevanja:	Delež/Weight	Assessment:
Izpit (predavanja – teorija)	60,00 %	Examination (lectures - theory)
Izpit (vaje – naloge, prepračuni)	20,00 %	Examination (exercises – design calculations)
Laboratorijske vaje	10,00 %	Laboratory exercises
Domača naloga	10,00 %	Homework

#### Reference nosilca/Lecturer's references:

##### Miha Brojan

- VELDIN, Tomo, BRANK, Boštjan, BROJAN, Miha. Computational finite element model for surface wrinkling of shells on soft substrates. *Communications in Nonlinear Science & Numerical Simulation*, ISSN 1007-5704, maj 2019, letn. XX, str. 1-29, ilustr. <https://doi.org/10.1016/j.cnsns.2019.104863>, doi: [10.1016/j.cnsns.2019.104863](https://doi.org/10.1016/j.cnsns.2019.104863). [COBISS.SI-ID [8813409](#)], [JCR, SNIP, WoS do 20. 9. 2019: št. citatov (TC): 0, čistih citatov (CI): 0, Scopus do 24. 6. 2019: št. citatov (TC): 0, čistih citatov (CI): 0]
- LAGRANGE, Romain, LÓPEZ JIMÉNEZ, F., TERWAGNE, Denis, BROJAN, Miha, REIS, Pedro. From wrinkling to global buckling of a ring on a curved substrate. *Journal of the mechanics and physics of solids*, ISSN 0022-5096. [Print ed.], Apr. 2016, vol. 89, str. 77-95, ilustr., doi: [10.1016/j.jmps.2016.02.004](https://doi.org/10.1016/j.jmps.2016.02.004). [COBISS.SI-ID [14610203](#)], [JCR, SNIP, WoS do 13. 10. 2019: št. citatov (TC): 12, čistih citatov (CI): 11, Scopus do 29. 8. 2019: št. citatov (TC): 11, čistih citatov (CI): 10]
- BROJAN, Miha, KOSEL, Franc. Approximative formula for post-buckling analysis of nonlinearly elastic columns with superellipsoidal cross-section. *Journal of reinforced plastics and composites*, ISSN 0731-6844, 2011, vol. 30, iss. 5, str. 409-415, doi: [10.1177/0731684410397897](https://doi.org/10.1177/0731684410397897). [COBISS.SI-ID [11694363](#)], [JCR, SNIP, WoS do 21. 4. 2019: št. citatov (TC): 7, čistih citatov (CI): 5, Scopus do 24. 3. 2019: št. citatov (TC): 8, čistih citatov (CI): 6]
- BROJAN, Miha, TERWAGNE, Denis, LAGRANGE, Romain, REIS, Pedro. Wrinkling of thin spherical shells on elastic substrates. V: *3rd Int. Conference on Buckling and Postbuckling Behaviour of Composite Laminated Shell Structures with DESICOS Workshop, 25-27 March 2015, Braunschweig, Germany : final program*. [S. l.: German Aerospace Center - DLR. 2015?], f. 45. [COBISS.SI-ID [13937691](#)]
- ČEBRON, Matjaž, BROJAN, Miha. *Analiza vpliva lonca motorja na karakteristiko centrifugalnih ventilatorjev s kolesi LTI : D310 in D400*. Ljubljana: Fakulteta za strojništvo, Laboratorij za nelinearno mehaniko, 2016. 19 f., graf. prikazi. [COBISS.SI-ID [14614299](#)]